

**Examen de la Thermodynamique Physique**

**Durée: 2h**

**Exercice 1:**

$n$  moles d'un gaz parfait sont contenues dans un cylindre vertical, comportant un piston mobile de section  $S$  constante et de masse négligeable. Les parois du cylindre et du piston sont diathermanes et le milieu extérieur est caractérisé par une température  $T_0$  et une pression  $P_0$  constantes. Initialement le gaz est à l'équilibre et occupe un volume  $V_0$ . On place sur le piston un poids de masse  $M$  et on attend qu'un nouvel état d'équilibre soit atteint. On note  $V$  le volume occupé par le gaz dans cet état et on pose  $x = V_0/V_1$ . Exprimer la variation d'entropie du gaz, l'entropie échangée par le gaz ainsi que l'entropie créée en fonction de  $n$ ,  $R$  et  $x$ . Justifier l'irréversibilité de la compression.

**Exercice 2**

On étudie différentes transformations d'une mole d'un gaz réel dont l'équation d'état, aux températures et pressions utilisées, peut s'écrire:  $p(v-b) = RT$ ,  $P, V, T$  étant respectivement la pression, le volume et la température,  $b$  un volume déterminé et  $R$  la constante des gaz parfaits.

1) Dans une transformation infinitésimale réversible, la chaleur gagnée, par le gaz, peut se mettre sous les deux formes suivantes:  $\delta Q = C_v dT + l dV$  et  $\delta Q = C_p dT + k dV$ .

a- Interpréter les deux écritures et nommer les coefficients calorimétriques introduits:  $C_v, C_p, l$  et  $k$ .

b- Ecrire les variations élémentaires d'entropie,  $dS$ , associées aux deux expressions précédentes.

c- Etablir les relations  $l = T \left(\frac{\partial P}{\partial T}\right)_V$  et  $k = -T \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P$ .

d- Compte tenu de l'équation d'état, exprimer  $l, k, C_p - C_v$ . Etablir les expressions des variations  $dU$  et  $dH$  respectivement de l'énergie interne et de l'enthalpie de cette mole de gaz. Comparer les résultats obtenus avec ceux relatifs l'état gazeux parfait.

2) A partir d'un état initial  $A$ , défini par  $P_A = 1\text{bar}, V_A = 25,5\text{L}, T_A = 300\text{K}$ , la mole de gaz subit une transformation isentropique.

a- Calculer  $b$ .

b- Compte tenu des deux expressions de  $dS$  établies précédemment, établir les relations entre  $T$  et  $V$  d'une part,  $T$  et  $P$  d'autre part, au cours de cette transformation isentropique. En déduire la relation entre la pression et le volume. On fera intervenir le rapport  $\gamma = \frac{C_p}{C_v}$ .

c- La transformation envisagée permet d'atteindre l'état  $B$  défini par  $P_B = 10\text{bar}$ . On admet que  $C_v = \frac{5}{2}R$ . Calculer la température  $T_B$  et le volume  $V_B$  atteints, ainsi que le travail gagné par la mole de gaz au cours de cette transformation.

3) A partir du même état initial  $A$ , défini à la question précédente, le gaz subit une transformation adiabatique irréversible provoquée par une brusque augmentation de la pression extérieure à l'instant initial de la transformation, de 1 à  $10\text{bar}$ , cette dernière valeur de la pression extérieure se maintenant constante pendant toute la transformation. En fin de transformation, le gaz atteint l'état d'équilibre  $C$  à la pression  $P_c = 10\text{bar}$ .

a- Calculer la température  $T_c$  et le volume  $V_c$ .

b- Déterminer la variation d'entropie  $\Delta S_{A-C}$  de la mole de gaz au cours de cette transformation.

c- Pouvait-on prévoir le signe de cette variation d'entropie?