

Travaux Dirigés de la Thermodynamique

Exercice 1

Du dioxygène contenu dans une bouteille de volume $V_1 = 1L$ à $T_1 = 20^\circ C$ sous $P_1 = 3$ bars et du dioxyde de carbone contenu dans une autre bouteille de volume $V_2 = 3L$ à $T_2 = 50^\circ C$ sous $P_2 = 2$ bars, sont introduits en totalité dans un réservoir de volume $V = 5L$ initialement vide. La température après mélange est $T = 40^\circ C$. Calculer la pression finale P dans le réservoir et les pressions partielles p_1 et p_2 du dioxygène et de dioxyde de carbone.

Tout en un
P 161
C 603

Exercice 2

Un gaz réel suit l'équation de Van der Waals :

$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT \quad (1)$$

Il subit la succession de transformations suivantes qui seront supposées quasistatiques : A B dilatation isobare à la pression P_0 augmentant le volume de $V_0 = 1L$ à $V_1 = 5L$, B C compression isotherme à la température de $1000K$ ramenant le volume à V_0 , C A détente isochore ramenant le système à son état initial.

Tout en
P 143

- 1) Tracer ce cycle dans le diagramme de Watt.
 - 2) Dans les unités du système international, $a = 0,14$ et $b = 3,22 \cdot 10^{-5}$. Préciser ces unités.
 - 3) Préciser les valeurs de la température, de la pression et du volume aux sommets du cycle.
 - 4) Calculer les travaux des forces de pression au cours de chaque phase du cycle.
 - 5) Au cours du cycle, le système reçoit-il ou cède-t-il un transfert thermique ? Justifier numériquement.
 - 6) Déterminer les transferts thermiques au cours de chaque phase du cycle.
 - 7) Quelle vérification peut-on faire ?
- On donne l'expression de son énergie interne

$$U = \frac{3}{2}RT - \frac{a}{V} \quad (2)$$

Exercice 3

Un récipient de volume $V_A = 25L$, fermé par un piston, contient 2 moles d'air (gaz parfait) initialement à la température de $20^\circ C$. On porte de façon quasistatique le volume d'air à une valeur $V_B = 10L$ et à une température de $150^\circ C$. Le passage de l'état A à l'état B s'effectue de deux manières différentes. Le trajet 1 suit d'abord un chauffage isochore puis un refroidissement isobare de V_A

Tout en un P 163

1

$$U = \frac{3}{2}RT - \frac{a}{V}$$

à V_B et le trajet 2 suit d'abord un refroidissement isobare de V_A à V_B , puis un chauffage isochore. On donne ($R = 8,31 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$) et les capacités thermiques de l'air : $C_V = 20,8 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$, $c_V = 720 \text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$, $C_P = 29,1 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$, $c_P = 1005 \text{ J.kg}^{-1}.\text{K}^{-1}$.

- 1) Représenter les deux évolutions précédentes dans un diagramme $P(V)$.
- 2) Déterminer les pressions P_A et P_B et les températures intermédiaires T_1 et T_2 respectivement en fin de chauffage isochore dans le trajet 1 et en fin de refroidissement isobare dans le trajet 2.
- 3) Exprimer et calculer les travaux W_1 et W_2 et les chaleurs échangées Q_1 et Q_2 correspondant respectivement aux trajets 1 et 2. Que constatez-vous lorsque vous comparez la somme des énergies échangées $W_1 + Q_1$ et $W_2 + Q_2$?

Exercice 4

Une mole de gaz, considéré comme parfait ($R = 8,31 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$), occupe un volume de 14 L sous une pression de 2.10^5 Pa . On fait subir à ce gaz la succession de transformations réversibles suivante : une détente isobare qui double son volume, une compression isotherme qui le ramène à son volume initial, et enfin un refroidissement isochore qui le ramène à l'état initial.

- 1) Déterminez la température à laquelle s'effectue la compression isotherme. En déduire la pression maximale atteinte.
- 2) Représenter le cycle de transformation dans le diagramme $P(V)$. Donner une représentation graphique du travail échangé au cours de ce cycle et préciser en le justifiant si le système reçoit ou fournit ce travail.
- 3) Calculer le travail et la chaleur échangés par le système au cours du cycle.

Exercice 5

Un compresseur prélève une mole d'air dans l'atmosphère à la pression $P_1 = 1 \text{ bar}$ et à la température $T_1 = 300 \text{ K}$ (état A), la comprime à la pression $P_2 = 10 \text{ bars}$ (état B) puis la refoule à pression constante P_2 dans un ballon gonflable (état C). On suppose que l'air est un gaz parfait diatomique ($\gamma = 1,4$ et $R = 8,31 \text{ J.mol}^{-1}.\text{K}^{-1}$), les diverses transformations sont réversibles et le piston peut coulisser sans frottement.

- 1) Considérons d'abord un compresseur adiabatique où l'étape de compression est effectuée de façon adiabatique. L'étape de refoulement isobare s'accompagne alors d'un refroidissement jusqu'à la température T_1 . Représenter dans un diagramme $P(V)$, le parcours ABC que subit cette mole d'air au cours de cette opération. Calculer la température T_2 en fin de compression et déterminez le travail total reçu par l'air au cours de cette double opération.
- 2) Considérons maintenant un compresseur isotherme où l'étape de compression est effectuée cette fois de manière isotherme. Représenter de nouveau, dans un diagramme $P(V)$, le parcours ABC que subit cette mole d'air. Déterminer le travail total reçu par l'air au cours de cette opération.
- 3) En comparant les résultats obtenus entre les deux compresseurs, pour le même état initial et état final, en déduire quel type de compresseur est industriellement le plus intéressant.

Exercice 6

n moles d'un gaz parfait sont contenues dans un cylindre vertical, comportant un piston mobile de section S constante et de masse négligeable. Les parois du cylindre et du piston sont diathermanes et le milieu extérieur est caractérisé par une température T_0 et une pression P_0 constantes. Initialement le gaz est à l'équilibre et occupe un volume V_0 . On place sur le piston un poids de masse M et on attend qu'un nouvel état d'équilibre soit atteint. On note V le volume occupé par le gaz dans cet état et on pose $x = V_0/V_1$.

Exprimer la variation d'entropie du gaz, l'entropie échangée par le gaz ainsi que l'entropie créée en fonction de n , R et x . Justifier l'irréversibilité de la compression.

Exercice 7

Une pompe à chaleur effectue le cycle de Joule inversé suivant. L'air pris dans l'état A de température T_0 et de pression P_0 est comprimé suivant une adiabatique quasistatique jusqu'au point B où il atteint la pression P_1 . Le gaz est ensuite refroidi à pression constante et atteint la température finale de la source chaude T_1 correspondant à l'état C . Le gaz est encore refroidi dans une turbine suivant une détente adiabatique quasistatique pour atteindre l'état D de pression P_0 . Le gaz se réchauffe enfin à pression constante au contact de la source froide et retrouve son état initial. On considère que l'air est un gaz parfait de coefficient isentropique $\gamma = 1,4$. On pose $\beta = 1 - 1/\gamma$ et $a = P_1/P_0$. On prendra $T_0 = 283K$, $T_1 = 298K$, $a = 5$ et $R = 8,31 J.K^{-1}.mol^{-1}$.

- 1) Représenter le cycle parcouru par le gaz dans le diagramme de Clapeyron donnant la pression en fonction du volume.
- 2) Calculer les températures T_B et T_D des états B et D .
- 3) Définir l'efficacité e de la pompe à chaleur en fonction des transferts thermiques du cycle. En déduire son expression en fonction de a et β . Donner sa valeur numérique.
- 4) Quelles doivent être les transformations du gaz si on fait fonctionner la pompe à chaleur suivant un cycle de Carnot réversible entre les températures T_0 et T_1 ?
- 5) Établir l'expression de son efficacité e_r . Donner sa valeur numérique.
- 6) Comparer e et e_r . Proposer une explication à ce résultat.
- 7) Déterminer l'expression de l'entropie créée S_c pour une mole d'air au cours du cycle de Joule en fonction de R , β et $x = a^\beta T_0/T_1$.
- 8) Étudier le signe de S_c en fonction de x . Était-ce prévisible ? Calculer sa valeur.
- 9) Sachant qu'en régime permanent, les fuites thermiques s'élèvent à $Q_f = 20kW$, calculer la puissance du couple compresseur-turbine qui permet de maintenir la température de la maison constante.

Exercice 8: Questions de cours

- 1) Définir un gaz parfait.
- 2) Montrer que pour les diagrammes entropiques la croissance des courbes représentant les isochores est plus forte que celle des isobares.
- 3) Montrons à partir de la loi de Laplace pour un gaz parfait qu'une transformation

adiabatique quasi-statique réversible est aussi isentropique .

4) A partir d'un raisonnement cohérent, établir que

$$l = T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \quad \text{et} \quad h = -T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

Application aux gaz parfaits.

5) Définir une machine ditherme puis donne l'énoncé de Carnot du second principe.

Exercice 9

Dans les moteurs Diesel actuels, à vitesse de rotation élevée, le cycle décrit par l'air est celui représenté sur la figure ci-dessous dans le diagramme de Clapeyron.

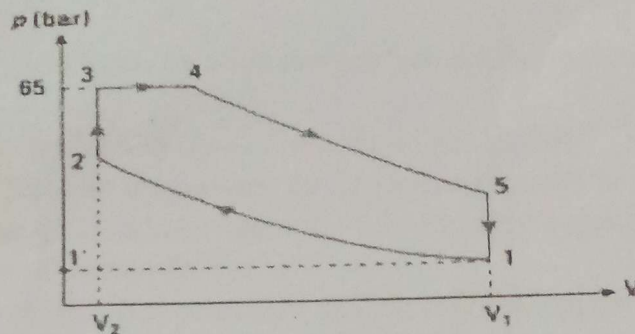


Figure 1:

- Après la phase d'admission de 1' à 1, l'air subit une compression isentropique de 1 à 2.
- Après l'injection de carburant en 2, la combustion s'effectue d'abord de façon isochore de 2 à 3 puis se poursuit de façon isobare de 3 à 4.
- La phase de combustion est suivie d'une détente isentropique de 4 à 5 puis d'une phase d'échappement isochore de 5 à 1 et de refoulement isobare de 1 à 1'.

La pression en 1 est 1 bar et la température est 293 K. La température maximale (en 4) est 2173 K.

On suppose que l'air est un gaz parfait diatomique et on appelle α_v le rapport volumétrique de compression : $\alpha_v = \frac{V_1}{V_2} = 19$.

- 1) Exprimer en fonction de γ et des températures l'efficacité de ce moteur Diesel.
- 2) Calculer les températures T_2 , T_3 et T_5 . En déduire la valeur numérique de l'efficacité e .
- 3) Déterminer le transfert thermique Q_c reçu par une masse d'air d'un kilogramme lors de la combustion de 2 à 4.
- 4) Déterminer le transfert thermique Q_f reçu par une masse d'air d'un kilogramme lors de l'évolution de 5 à 1.

5) Déterminer le travail W reçu par une masse d'air d'un kilogramme au cours d'un cycle.

Donnée : Masse molaire de l'air $M = 29 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$.

Exercice 10

Pour un fluide quelconque, on peut écrire le transfert thermique sous la forme :

$$\delta Q = C_V dT + l dV = C_P dT + h dP$$

avec

$$l = T \left(\frac{\partial P}{\partial T} \right)_V \quad \text{et} \quad h = -T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P$$

- 1)a. Définir les trois coefficients thermoélastiques α , β et χ_T .
- b. Établir l'expression de l et h en fonction des coefficients thermoélastiques ainsi que de T , P et V .
- c. En déduire $C_P - C_V$ en fonction des coefficients thermoélastiques ainsi que de T , P et V .
- d. Exprimer α , β , χ_T , l , h et $C_P - C_V$ pour un gaz parfait.
- e. Montrer que, dans un diagramme de Clapeyron donnant la pression P en fonction de V , la pente d'une adiabatique est γ fois plus élevée que celle d'une isotherme. On donnera la signification de γ .

2) On considère un récipient contenant de l'air et possédant deux orifices. L'une est reliée au capteur de pression commercial qui délivre une tension u proportionnelle à la pression P et l'autre à un robinet. Initialement on crée une légère surpression dans le récipient. En A , on ouvre le robinet qu'on ferme très rapidement en B tout en enregistrant la pression. On laisse ensuite le système évoluer jusqu'en C . On observe une diminution de la tension de $u_A = 3,5V$ à $u_B = 0,1V$ puis une augmentation jusqu'à $u_C = 0,7V$.

- a. Quel système doit-on considérer ? Pourquoi peut-on supposer que la transformation AB est adiabatique ? Préciser la nature de la transformation BC .
- b. Pour la transformation BC , on admet que les échanges thermiques se font par convection selon la loi dite de Newton : les pertes sont proportionnelles à l'écart de température entre l'intérieur et l'extérieur $P = k(T - T_0)$ où T est la température du gaz et T_0 la température extérieure. En faisant un bilan énergétique, montrer que

$$\frac{dT}{dt} = -\frac{T - T_0}{\tau}.$$

On exprimera τ en fonction de R , n le nombre de moles du gaz dans le système et γ .

- c. En déduire l'équation différentielle vérifiée par la pression.

3) Tracer dans le diagramme de Clapeyron l'évolution du système.

4) Exprimer γ en fonction des tensions u_A , u_B et u_C . Donner sa valeur numérique.